

# 正誤情報

このたびは森北出版株式会社発行の書籍をお買い求めいただき、誠にありがとうございました。下記の書籍につきまして誤りのある箇所がございましたので、お詫びし訂正させていただきます。

2015年1月21日 森北出版株式会社 生産マネジメント部

## タイトル

# Scilabで学ぶわかりやすい数値計算法

## 正誤対象

お手持ちの書籍の刷数をお調べのうえ、下の表をご覧ください。正誤表内の一番左に「対応刷数」という列がございます。該当する刷数の訂正情報をご参照下さい。

なお、刷数につきましては下記「刷数の調べ方」をご参照ください。

お持ちの本の刷数	
1	対応刷数 1 より 2 をご参照ください
2	対応刷数 2 をご参照ください
それ以降	現在把握している訂正情報はございません

## 刷数の調べ方

本の一番後ろのページ(広告等除く)に下図のようなページがございます。ご参照いただき、お持ちの本の刷数をお調べください。



日付の最も新しい行に記載された数字がお持ちの本の刷数となります

対応刷数	頁	行数, 図・表・式番号	誤	正
1	2	式 (1.2)	$V_1 = \int_0^x S dh = \dots$	$V_1 = \int_0^x S dx = \dots$
1	2	式 (1.3)	$V = \frac{4}{3}\pi \cdot 1^2 \times \frac{1}{2} = \frac{2}{3}\pi$	$V = \frac{4}{3}\pi \cdot 1^3 \times \frac{1}{2} = \frac{2}{3}\pi$
2	107	6 行目	$P_3(2,9)$ を通る 3 次関数が	$P_4(2,9)$ を通る 3 次関数が
1	114	下から 5 行目	$\dots, P_{n-1}(x_n, y_n)$ に $\dots$	$\dots, P_n(x_n, y_n)$ に $\dots$
1	145	下から 2 行目	一方, 区間 $x_0 = a \leq x \leq x_n = b$ における $\dots$	一方, 区間 $x_1 = a \leq x \leq x_{n+1} = b$ における $\dots$
1	147	下から 6 行目	$\dots$ ただし, $f_{max}$ は $a \leq x \leq b$ における $ f(x) $ の最大値である.	$\dots$ ただし, $f'_{max}$ は $a \leq x \leq b$ における $ f'(x) $ の最大値である.
1	162	式 (8.34)	$\dots aw_2 = \frac{1}{2} \quad (8.34)$	$\dots aw_2 = \frac{1}{2}, bw_2 = \frac{1}{2} \quad (8.34)$
1	162	式 (8.34) の次の行	$\dots$ パラメータ $w_1, w_2, a$ を考えると $\dots$	$\dots$ パラメータ $w_1, w_2, a, b$ を考えると $\dots$
1	162	下から 8 行目	$k_2 = f(t+ah, y(t)+ak_1h)$	$k_2 = f(t+ah, y(t)+bk_1h)$
1	162	式 (8.37)	$k_2 = f(t_n+ah, y_n+ak_1h)$	$k_2 = f(t_n+ah, y_n+bk_1h)$
1	163	9 行目	$\dots \Delta y = ak_1h \dots$	$\dots \Delta y = bk_1h \dots$
1	163	式 (8.39)	$k_2 = f(t+ah, y+ak_1h) \doteq \dots + f_y(t,y)ak_1h$ $= f(t,y) + a(f_t(t,y) + f_y(t,y)) \dots$	$k_2 = f(t+ah, y+bk_1h) \doteq \dots + f_y(t,y)bk_1h$ $= f(t,y) + (af_t(t,y) + bf_y(t,y)) \dots$
1	163	式 (8.40)	$\dots + w_2 \{f(t,y) + a(f_t(t,y) + f_y(t,y)) \dots\}$ $= \dots + aw_2 (f_t(t,y) + f_y(t,y)) \dots$	$\dots + w_2 \{f(t,y) + (af_t(t,y) + bf_y(t,y)) \dots\}$ $= \dots + w_2 (af_t(t,y) + bf_y(t,y)) \dots$
1	163	下から 2~1 行目	$w_2, a$ が (8.34) 式を $\dots$ . パラメータの数が 3 個であるのに対して式の数が 2 個であるから $\dots$	$w_2, a, b$ が (8.34) 式を $\dots$ . パラメータの数が 4 個であるのに対して式の数が 3 個であるから $\dots$

1	164	式 (8.44)	$\dots, a=1$ (8.44)	$\dots, a=b=1$ (8.44)
1	165	式 (8.51)	$\dots, a=\frac{1}{2}$ (8.51)	$\dots, a=b=\frac{1}{2}$ (8.51)
1	168	下から 8~1行目		欄外①を参照
1	169	式 (8.61) の 次の4行		欄外②を参照
1	169	式 (8.63)		欄外③を参照
1	169	下から 11行目	パラメータの数が7個であるのに対して式の数が8個であるから…	パラメータの数が13個であるのに対して式の数が11個であるから…
1	169	下から 10~9行目	特に, (8.60) 式を満足するパラメータを	特に, これらを
1	169	式 (8.64)	右を追加	$b_{11}=\frac{1}{2}, b_{21}=0, b_{22}=\frac{1}{2}, b_{31}=0, b_{32}=0, b_{33}=1$
1	169	脚注*4		1行目を全削除
1	172	下から 7~6行目	…, (8.61) 式が成立するための条件式 (8.60) 式を導出する.	…, (8.60a) 式を満足しているときに (8.61) 式が成立するための条件式 (8.60b) ~ (8.60e) 式を導出する.
1	172	下から 5行目	2変数のテイラー展開	2変数の非線形関数の3次近似は, テイラー展開により次式のようにになる.
1	172	式 (8.67)	$f(t+\Delta t, y+\Delta y) = \dots$ … +… (8.67)	$f(t+\Delta t, y+\Delta y) \doteq \dots$ … (8.67)
1	172	最下行		欄外④を参照
1	173	全部		欄外⑤を参照
1	174	1~5行目		欄外⑥を参照
1	174	6行目	であることがわかる.	のように近似できる.
1	174	14行目	$+(w_3 a_1 a_2 + w_4 a_2 a_3) f_y(f_t + f_y f)$	$+\{w_3 a_1 b_{22} + w_4 (a_1 b_{32} + a_2 b_{33})\} f_y(f_t + f_y f)$

1	174	16 行目	$+\frac{1}{2}(w_3 a_1^2 a_2 + w_4 a_2^2 a_3) \cdots$	$+\frac{1}{2}\{w_3 a_1^2 b_{22} + w_4 (a_1^2 b_{32} + a_2^2 b_{33})\} \cdots$
1	174	17 行目	$+w_4 a_1 a_2 a_3 f_y^2 (f_t + f_y f) + (w_3 a_1 a_2^2 + w_4 a_2 a_3^2) \cdots$	$+w_4 a_1 b_{22} b_{33} f_y^2 (f_t + f_y f) + \{w_3 a_1 a_2 b_{22} + w_4 a_3 (a_1 b_{32} + a_2 b_{33})\}$
1	175	4 行目	したがって, (8.71) 式と…条件が (8.60) 式で…	したがって, (8.60a) 式を満足するとしたときに得られる (8.71) 式と…条件が (8.60b) ~ (8.60e) 式で…
1	175	6~9 行目	<ul style="list-style-type: none"> <li>• (8.60a) 式 : …</li> <li>• (8.60b) 式 : …</li> <li>• (8.60c) 式 : …</li> <li>• (8.60d) 式 : …</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• (8.60b) 式 : …</li> <li>• (8.60c) 式 : …</li> <li>• (8.60d) 式 : …</li> <li>• (8.60e) 式 : …</li> </ul>

最終更新 2010.4

欄外①

を考える。このとき, 11 個の式

$$a_1 = b_{11}, a_2 = b_{21} + b_{22}, a_3 = b_{31} + b_{32} + b_{33} \quad (8.60a)$$

$$w_1 + w_2 + w_3 + w_4 = 1 \quad (8.60b)$$

$$w_2 a_1 + w_3 a_2 + w_4 a_3 = \frac{1}{2} \quad (8.60c)$$

$$\begin{cases} w_2 a_1^2 + w_3 a_2^2 + w_4 a_3^2 = \frac{1}{3} \\ w_3 a_1 b_{22} + w_4 (a_1 b_{32} + a_2 b_{33}) = \frac{1}{6} \end{cases} \quad (8.60d)$$

$$\begin{cases} w_2 a_1^3 + w_3 a_2^3 + w_4 a_3^3 = \frac{1}{4}, & w_3 a_1^2 b_{22} + w_4 (a_1^2 b_{32} + a_2^2 b_{33}) = \frac{1}{12} \\ w_4 a_1 b_{22} b_{33} = \frac{1}{24}, & w_3 a_1 a_2 b_{22} + w_4 a_3 (a_1 b_{32} + a_2 b_{33}) = \frac{1}{8} \end{cases} \quad (8.60e)$$

を満足する  $w_1, w_2, w_3, w_4, a_1, a_2, a_3, b_{11}, b_{21}, b_{22}, b_{31}, b_{32}, b_{33}$  を用いると, 近似式

欄外③

$$\begin{cases} k_1 = f(t_n, y_n) \\ k_2 = f(t_n + a_1 h, y_n + b_{11} k_1 h) \\ k_3 = f(t_n + a_2 h, y_n + (b_{21} k_1 + b_{22} k_2) h) \\ k_4 = f(t_n + a_3 h, y_n + (b_{31} k_1 + b_{32} k_2 + b_{33} k_3) h) \\ y_{n+1} = y_n + (w_1 k_1 + w_2 k_2 + w_3 k_3 + w_4 k_4) h \end{cases} \quad (8.63)$$

欄外②

$$\begin{cases} k_1 = f(t, y(t)) \\ k_2 = f(t + a_1 h, y(t) + b_{11} k_1 h) \\ k_3 = f(t + a_2 h, y(t) + (b_{21} k_1 + b_{22} k_2) h) \\ k_4 = f(t + a_3 h, y(t) + (b_{31} k_1 + b_{32} k_2 + b_{33} k_3) h) \end{cases}$$

欄外④

(8.60a) 式の  $b_{11} = a_1$  を満足するとき, (8.67) 式において  $\Delta t = a_1 h, \Delta y = b_{11} k_1 h$  ( $k_1 = f(t, y)$ ) とすることで,  $k_2$  を次式のように近似できる。

欄外⑤

$$\begin{aligned}
 k_2 &= f(t + \overbrace{a_1 h}^{\Delta t}, y(t) + \overbrace{b_{11} k_1 h}^{\Delta y}) = f(t + a_1 h, y(t) + a_1 f h) \\
 &\doteq f + a_1 (f_t + f_y f) h + \frac{1}{2} a_1^2 (f_{tt} + 2f_{ty} f + f_{yy} f^2) h^2 \\
 &\quad + \frac{1}{6} a_1^3 (f_{ttt} + 3f_{tty} f + 3f_{tyy} f^2 + f_{yyy} f^3) h^3 \\
 &= f + \ell_1 h + \ell_2 h^2 + \ell_3 h^3 \tag{8.68}
 \end{aligned}$$

$$\begin{cases}
 \ell_1 = a_1 (f_t + f_y f), \ell_2 = \frac{1}{2} a_1^2 (f_{tt} + 2f_{ty} f + f_{yy} f^2) \\
 \ell_3 = \frac{1}{6} a_1^3 (f_{ttt} + 3f_{tty} f + 3f_{tyy} f^2 + f_{yyy} f^3)
 \end{cases}$$

また, (8.60a) 式の  $b_{21} + b_{22} = a_2$  を満足するとき, (8.67) 式において  $\Delta t = a_2 h$ ,  $\Delta y = (b_{21} k_1 + b_{22} k_2) h$  とすることで,  $k_3$  を

$$\begin{aligned}
 k_3 &= f(t + a_2 h, y(t) + (b_{21} k_1 + b_{22} k_2) h) \\
 &\doteq f + [a_2 f_t + f_y \{b_{21} f + b_{22} \overbrace{(f + \ell_1 h + \ell_2 h^2 + \dots)}^{k_2}\}] h \\
 &\quad + \frac{1}{2} [a_2^2 f_{tt} + 2a_2 f_{ty} \{b_{21} f + b_{22} \overbrace{(f + \ell_1 h + \dots)}^{k_2}\} \\
 &\quad \quad + f_{yy} \{b_{21} f + b_{22} \overbrace{(f + \ell_1 h + \dots)}^{k_2}\}^2] h^2 \\
 &\quad + \frac{1}{6} [a_2^3 f_{ttt} + 3a_2^2 f_{tty} \{b_{21} f + b_{22} \overbrace{(f + \dots)}^{k_2}\} \\
 &\quad \quad + 3a_2 f_{tyy} \{b_{21} f + b_{22} \overbrace{(f + \dots)}^{k_2}\}^2 \\
 &\quad \quad + f_{yyy} \{b_{21} f + b_{22} \overbrace{(f + \dots)}^{k_2}\}^3] h^3 \\
 &\doteq f + m_1 h + m_2 h^2 + m_3 h^3 \tag{8.69}
 \end{aligned}$$

$$\begin{cases}
 m_1 = a_2 (f_t + f_y f) \\
 m_2 = b_{22} \ell_1 f_y + \frac{1}{2} a_2^2 (f_{tt} + 2f_{ty} f + f_{yy} f^2) \\
 m_3 = b_{22} \ell_2 f_y + a_2 b_{22} \ell_1 (f_{ty} + f_{yy} f) \\
 \quad + \frac{1}{6} a_2^3 (f_{ttt} + 3f_{tty} f + 3f_{tyy} f^2 + f_{yyy} f^3)
 \end{cases}$$

のように近似できる. 同様に, (8.60a) 式の  $b_{31} + b_{32} + b_{33} = a_3$  を満足するとき, (8.67) 式において  $\Delta t = a_3 h$ ,  $\Delta y = (b_{31} k_1 + b_{32} k_2 + b_{33} k_3) h$  とすることで,  $k_4$  を

欄外⑥

$$\begin{cases}
 n_1 = a_3 (f_t + f_y f) \\
 n_2 = (b_{32} \ell_1 + b_{33} m_1) f_y + \frac{1}{2} a_3^2 (f_{tt} + 2f_{ty} f + f_{yy} f^2) \\
 n_3 = (b_{32} \ell_2 + b_{33} m_2) f_y + a_3 (b_{32} \ell_1 + b_{33} m_1) (f_{ty} + f_{yy} f) \\
 \quad + \frac{1}{6} a_3^3 (f_{ttt} + 3f_{tty} f + 3f_{tyy} f^2 + f_{yyy} f^3)
 \end{cases}$$