

## 0543 ルベーク積分 正誤表

本書の内容に以下の誤りがございました。お詫びして訂正いたします。

お手持ちの本の「刷数」とこの表の「該当刷数」が一致する箇所をご参照ください。お手持ちの本の「刷数」の調べ方は[こちら](#)

(2023年7月10日更新)

該当刷数	頁	行数など	誤	正
1	vii	下から 9行目	$\ f\ _1$ : 関数 $f$ の $L^1$ ノルム…	$\ f\ _p$ : 関数 $f$ の $L^p$ ノルム…
1	5	9行目	…極限 $\lim_{r \rightarrow +\infty} \int_{-r}^r nf(x)/(n^2x^2+1)dx$ が…	…極限 $\lim_{r \rightarrow +\infty} \int_0^r nf(x)/(n^2x^2+1)dx$ が…
1	5	10行目	… $\int_{-\infty}^{+\infty} nf(x)/(n^2x^2+1)dx$ と…	… $\int_0^{+\infty} nf(x)/(n^2x^2+1)dx$ と…
1	5	11行目	…よい。これにより、測度論…	…よい。したがって、測度論…
1	5	12行目	…極限操作 $\lim_{r \rightarrow +\infty} \int_{-r}^r \dots dx$ を経由せずに積分が定まる。したがって、例 1.1 の証明でも言及はなかったのである。	…極限操作 $\lim_{r \rightarrow +\infty} \int_0^r \dots dx$ や $\lim_{l \rightarrow -\infty} \int_l^0 \dots dx$ を経由せずに、積分 $\int_{-\infty}^{+\infty} nf(x)/(n^2x^2+1)dx$ が定まる。例 1.1 の証明で言及がなかったのはこのためである。
1,2	15	5行目	分配則と結合測により、…	分配則と結合則により、…
1	23	3行目	…、 $A$ 上で有界な関数は…	…、 $A$ 上で有界な可測関数は…
1	28	下から 3行目	… $\mu$ - 可積分かつ $\int_A af \mu = \dots$	… $\mu$ - 可積分であり、 $\int_A  af  \mu =  a  \int_A  f  \mu$ と $\int_A af \mu = \dots$
1	36	定義 3.2 1行目	… $\mu$ - 積分確定である (of definite integral) とは、	… $\mu$ - 積分確定であるとは、
1	38	下から 4行目	… $\{x \in D: \forall n \in \mathbb{N}, f_n(x) \geq 0\}$ は…	… $\{x \in D: \forall n \in \mathbb{N} f_n(x) \geq 0\}$ は… ( , をトル)
1	38	下から 2行目	… $\{x \in D: \forall n \in \mathbb{N},  f_n(x)  < +\infty\}$ は…	… $\{x \in D: \forall n \in \mathbb{N}  f_n(x)  < +\infty\}$ は… ( , をトル)

該当刷数	頁	行数など	誤	正
1	45	最下行	▶約束 $p \in \mathbf{R}_{>0}$ に対して, $0^p = 0$ , $(+\infty)^p = +\infty$ とする.	▶約束 $p \in \mathbf{R}_{>0}$ に対して, $0^p = 0$ , $(+\infty)^p = +\infty$ とする. $y \mapsto y^p$ の単調性により, $f^p$ の可測性については補題 2.14(i) と同様に証明できる.
1,2	47	6 行目	$A := \{x \in D_1 \cap D_2 : f(x) + g(x) \text{ が定義可能}\}$	$A := \{x \in D_1 \cap D_2 : f_1(x) + f_2(x) \text{ が定義可能}\}$
1	65	下から 6 行目	$t^{-t+1/2} e^t \int_{(0,+\infty)} y^{t-1} e^{-y\lambda} = \dots$	$t^{-t+1/2} e^t \int_{(0,+\infty)} y^{t-1} e^{-y\lambda} \underline{dy} = \dots$
1	70	証明の 4 行目	…と考える) ので, …	…と考えると <u>成り立っている</u> ) ので, …
1	71	9~10 行目	… $m = n + \#\Delta$ として $\Delta$ の要素をならべて $I_{n+1}, \dots, I_m$ を定める. このとき, 有限列 $I_1, \dots, I_m \in \mathcal{C}$ は互いに素であり, $A = \bigcup_{k=1}^m I_k$ となる.	… $p = n + \#\Delta$ として $\Delta$ の要素をならべて $I_{n+1}, \dots, I_p$ を定める. このとき, 有限列 $I_1, \dots, I_p \in \mathcal{C}$ は互いに素であり, $A = \bigcup_{k=1}^p I_k$ となる.
1	71	11 行目	… $\sum_{k=1}^n m(I_k) \leq \sum_{k=1}^m m(I_k) = m(A)$	… $\sum_{k=1}^n m(I_k) \leq \sum_{k=1}^p m(I_k) = m(A)$
1	71	下から 9 行目	…可算劣化法性を…	…可算劣 <u>加</u> 法性を…
1	88	定義 5.18 4 行目	$\limsup_{\delta \rightarrow 0, \delta > 0} \left\{ \dots \right\}$	$\limsup_{\delta \downarrow 0} \left\{ \dots \right\}$
1	88	下から 2 行目	… (Lipshitz continuous)	… (Lip <u>s</u> chitz continuous)
1	89	12 行目	$\limsup_{\delta \rightarrow 0, \delta > 0} \left\{ \dots \right\}$	$\limsup_{\delta \downarrow 0} \left\{ \dots \right\}$
1	93	系 5.2 2 行目	(i) $v$ は狭義増加 (狭義減少) な連続関数であり, …	(i) $v$ は狭義増加な連続関数であり, …
1	93	系 5.2 5 行目	$\int_R f \circ v^{-1} g \lambda = \int_I f g \circ v  \rho  \lambda, \quad \int_I f g \circ v \lambda = \int_R f \circ v^{-1} g \frac{1}{ \rho \circ v^{-1} } \lambda$	$\int_R f \circ v^{-1} g \lambda = \int_I f g \circ v \rho \lambda, \quad \int_I f g \circ v \lambda = \int_R f \circ v^{-1} g \frac{1}{\rho \circ v^{-1}} \lambda$

該当刷数	頁	行数など	誤	正
1	93	下から 5行目	(i) 関数 $\rho$ が非負値の場合, $a < b$ なら…	(i) $a < b$ なら…
1	93	最下行	$\dots = \int_I f \rho \lambda$ となる.	$\dots = \int_I f\rho\lambda$ となる.
1	94	定理 5.12 証明の 1 行 目	証明 系 5.2 により, 次が成り立つ.	証明 $\rho$ が非負値の場合に示そう. 系 5.2 により, 次が成り立つ.
1	109	定理 6.6 証明の 6 行 目	$\dots A$ は $\mathcal{A}$ に属する.	$\dots A^c$ は $\mathcal{A}$ に属する.
1	113	定理 6.9 1~2行目	$\dots \sigma$ -有限であり, $\mu$ は可測空間 $(X_1 \times X_2, \sigma(C_1 \times C_2))$ 上の速度であり, $m_1 \times m_2$ を拡張するとする.	$\dots \sigma$ -有限であり, $X_1 \times X_2$ 上の測度 $\mu$ は $\sigma(C_1 \times C_2)$ で定義され, $m_1 \times m_2$ を拡張するとする.
1	115	1行目	$\dots, (X_1, \mathcal{B}_1)$ が与えられたとする.	$\dots, (X_2, \mathcal{B}_2)$ が与えられたとする.
1	131	例 6.8 の 証明 7 行目	$\dots$ から, 系 3.1(i)によれば,	$\dots$ から, <a href="#">補題 3.7(ii)</a> によれば,
1	135	下から 1行目	$A, B \in \mathcal{B}(\mathbb{R}^2)$	$A, B \in \mathcal{B}(\mathbb{R})$
1	142	5行目	$\dots y \in \mathbb{R}$ に対して…	$\dots y \neq 0$ に対して…
1	151	下から 5行目	<a href="#">補題 4.5(iii)</a> を適用すると…と変形される.	定理 7.5(i)と定理 7.8(ii)を適用すると, $B(1-t, t+n)$ は $\Gamma(1-t)\Gamma(t)\frac{\prod_{k=0}^{n-1}(t+k)}{n!}$ と変形される. ただし, $n \in \mathbb{N}, t \in \{-n+1, \dots, 0\}$ なら(ii)の右辺は $\frac{\prod_{k=0, k \neq -t}^{n-1}  t+k }{qn!}$ となる.
1	180	下から 6行目	(分母) = …	(分子) = …
1	188	12行目	平行移動不変性により $\ f(-y/n) - f\ _1 \leq \ f(-y/n)\ _1 + \dots$	平行移動不変性により $\ f(-y/n) - f\ _1 \leq \ f(-y/n)\ _1 + \dots$
1	202	5行目	$\dots$ , 非負値ボレル可測関数…	$\dots$ , 非負値 $\mathcal{B}$ -可測関数…
1	209	1行目	$\dots$ レヴィの反転公式 (定理 9.9 (i)) を適用し…	$\dots$ レヴィの反転公式 (定理 9.9 (ii)) を適用し…

該当刷数	頁	行数など	誤	正
1	232	5.14 2行目	$\cdots\mu(dx)\geq\cdots\mu(dx)=\cdots$	$\cdots\lambda(dx)\geq\cdots\lambda(dx)=\cdots$
1	242	左段下から 6行目	ガウス発散定理 163	ガウスの発散定理 163